

التمرين 1:

نعتبر في الفضاء المستقيمين $(D) = D(E; \vec{u})$ بحيث $E(-2; 2; 4)$ و $\vec{u}(1; -2; 1)$

و $(D') = D(F; \vec{v})$ بحيث $F(-1; 0; 1)$ و $\vec{v}(-1; 2; 1)$

(1) بين أن (D) و (D') غير متوازيين .

(2) أكتب تمثيلا بارامتريا لكل من المستقيمين (D) و (D') وأثبت أنهما متقاطعين محددًا إحداثيات I نقطة تقاطعهما.

التمرين 2:

نعتبر في الفضاء النقط $A(1; -1; 1)$ و $B(1; 0; 1)$ و $C(0; 1; -1)$

(1) أثبت أن النقط A و B و C تحدد مستوى ثم أثبت باستعمال المحددة أن معادلة ديكارتية للمستوى

(ABC) تكتب: $2x - z = 1$

(2) حدد الوضع النسبي للمستوى (ABC) والمستوى $(P): x + y - 2z = 1$

(3) نعتبر المستقيم (Δ) المعرف بالمعادلتين الديكارتيتين: $x - 1 = \frac{y}{2} = \frac{z}{3}$

حدد متجهة موجهة \vec{w} ل (Δ) ونقطة N منه ثم احسب المحددة $\det(\overline{AB}; \overline{AC}; \vec{w})$. ماذا تستنتج بالنسبة ل (Δ) و المستوى (ABC)

(4) أكتب تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) واستنتج إحداثيات J نقطة تقاطع (Δ) و (ABC)

التمرين 3:

نعتبر الدالة العددية f لمتغير حقيقي x المعرفة على $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ بما يلي :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^2 - 3x + 6}{3x - 3} ; x > 0; x \neq 1 \\ f(x) = x^3 + 3x^2 - 2 & ; x \leq 0 \end{cases}$$

(1) حدد نهايات الدالة f عند محددات D . $(-\infty; 1^-; 1^+; +\infty)$

(2) أ) حدد معادلة المقارب العمودي للمنحنى C_f للدالة f وتحقق أن $f(x) = \frac{1}{3}x - \frac{2}{3} + \frac{4}{3x - 3}$

لكل $x > 0$ و $x \neq 1$ وأثبت أن $y = \frac{1}{3}x - \frac{2}{3}$ هي معادلة المقارب المائل ل C_f بجوار $+\infty$

ب) احسب النهاية $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x}$ واستنتج طبيعة الفرع الانهائي ل C_f بجوار $-\infty$

(3) أثبت أن f قابلة للاشتقاق على اليمين وعلى اليسار في الصفر وأن :

$$f'_d(0) = -1 \text{ و } f'_g(0) = 0 \text{ وأعط تأويلا هندسيا للنتيجتين.}$$

(4) أثبت أن الدالة f قابلة للاشتقاق في كل نقطة من $D \setminus \{0\}$ وأن :

$$\forall x > 0: f'(x) = 3x(x + 2) \text{ و } \forall x > 0/x \neq 1: f'(x) = \frac{(x + 1)(x - 3)}{3(x - 1)^2}$$

(5) احسب $f(-2)$ و $f(3)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f

(6) ادرس تقعر المنحنى C_f على $]-\infty; 0]$ واستنتج أن C_f يقبل نقطة انعطاف I تحددتها واكتب

معادلة ديكارتية للمستقيم (T) المماس ل C_f في I ثم أنشئ C_f في م.م.م. (الوحدة Icm)

التمرين 1:

نعتبر في الفضاء المستقيمين $(D) = D(E; \vec{u})$ بحيث $E(6; 3; 3)$ و $\vec{u}(-3; 1; -2)$ و $(D') = D(F; \vec{v})$ بحيث $F(-1; -2; 3)$ و $\vec{v}(2; 3; -1)$

(1) بين أن (D) و (D') غير متوازيين .

(2) أكتب تمثيلا بارامتريا لكل من المستقيمين (D) و (D') وأثبت أنهما متقاطعين محددات إحداثيات I نقطة تقاطعهما.

التمرين 2:

نعتبر في الفضاء النقط $A(1; -1; 1)$ و $B(1; 1; 0)$ و $C(0; 1; -1)$

(1) أثبت أن النقط A و B و C تحدد مستوى ثم أثبت باستعمال المحددة أن معادلة ديكارتية للمستوى (ABC) تكتب: $2x - y - 2z = 1$

(2) حدد الوضع النسبي للمستوى (ABC) والمستوى $(P): x + y - 2z = 1$

(3) نعتبر المستقيم (Δ) المعرف بالمعادلتين الديكارتيتين: $x - 1 = \frac{y}{2} = \frac{z}{3}$

حدد متجهة موجهة \vec{w} ل (Δ) ونقطة N منه ثم احسب المحددة $\det(\overline{AB}; \overline{AC}; \vec{w})$. ماذا تستنتج بالنسبة ل (Δ) و المستوى (ABC)

(4) أكتب تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) واستنتج إحداثيات J نقطة تقاطع (Δ) و (ABC)

التمرين 3:

نعتبر الدالة العددية f لمتغير حقيقي x المعرفة على $D = \mathbb{R} \setminus \{-2\}$ بما يلي :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{2x^2 + 9x + 12}{2x + 4}; & x < 0; x \neq -2 \\ f(x) = x^3 - 3x^2 + 3 & ; x \geq 0 \end{cases}$$

(1) حدد نهايات الدالة f عند محددات $D = (-\infty; -2^-; -2^+; +\infty)$.

(2) أ) حدد معادلة المقارب العمودي للمنحنى C_f للدالة f وتحقق أن $f(x) = x + \frac{5}{2} + \frac{1}{x+2}$ لكل

$x > 0$ و $x \neq -2$ وأثبت أن $y = x + \frac{5}{2}$ هي معادلة المقارب المائل ل C_f بجوار $-\infty$

ب) احسب النهاية $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ واستنتج طبيعة الفرع الانهائي ل C_f بجوار $+\infty$

(3) أثبت أن f قابلة للاشتقاق على اليمين وعلى اليسار في الصفر وأن:

$$f'_d(0) = 0 \text{ و } f'_g(0) = \frac{3}{4} \text{ وأعط تأويلا هندسيا للنتيجتين.}$$

(4) أثبت أن الدالة f قابلة للاشتقاق في كل نقطة من $D \setminus \{0\}$ وأن:

$$\forall x > 0: f'(x) = 3x(x-2) \text{ و } \forall x < 0/x \neq -2: f'(x) = \frac{(x+1)(x+3)}{(x+2)^2}$$

(5) احسب $f(2)$ و $f(-1)$ و $f(-3)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f

(6) ادرس تقعر المنحنى C_f على $]-\infty; 0]$ واستنتج أن C_f يقبل نقطة انعطاف I تحددتها واكتب

معادلة ديكارتية للمستقيم (T) المماس ل C_f في I ثم أنشئ C_f في م.م.م. (الوحدة $1cm$)