

I. Les droites passant par les milieux	I. المستقيم المار من منتصف ضلعي مثلث
Soit $ABC$ un triangle et soient $I$ le milieu de $[AB]$ et $J$ le milieu de $[AC]$ .	$ABC$ مثلث ، $I$ هو منتصف $[AB]$ و $J$ هو منتصف $[AC]$
Conjecture :	تخمين :
1) Faire la figure. 2) Quelle remarque peut-on faire à propos de la droite $(IJ)$ ?	(1) أنشئ الشكل (2) ماذا يمكنك أن تلاحظ عن المستقيم $(IJ)$ ؟
Démonstration :	برهنة :
Soit $K$ le symétrique de $J$ par rapport à $I$ .	ليكن $K$ مماثلة النقطة $J$ بالنسبة للنقطة $I$ .
3) Montrer que le quadrilatère $AJBK$ est un parallélogramme .	(3) بين أن الرباعي $AJBK$ هو متوازي أضلاع .
4) En déduire que $(JC) \parallel (KB)$	(4) استنتج أن: $(JC) \parallel (KB)$
5) Montrer que le quadrilatère $JCBK$ est un parallélogramme .	(5) بين أن الرباعي $JCBK$ هو متوازي أضلاع .
6) En déduire que : $(IJ) \parallel (BC)$ et $IJ = \frac{BC}{2}$	(6) استنتج أن: $IJ = \frac{BC}{2}$ و $(IJ) \parallel (BC)$
Compléter les deux énoncés suivants :	أتم النصين التاليين :
Dans un triangle, la droite passant par les milieux de deux côtés du triangle est .....	المستقيم المار من منتصف ضلعي مثلث يكون .....
Si $I$ et $J$ sont respectivement les milieux des côtés $[AB]$ et $[AC]$ d'un triangle $ABC$ , Alors : $(IJ) \parallel \dots$ et $IJ = \dots$	إذا كان $I$ و $J$ على التوالي منتصفي $[AB]$ و $[AC]$ في مثلث $ABC$ طول ، فإن : et $IJ = \dots$ $(IJ) \parallel \dots$
II. La propriété réciproque :	II. الخاصية العكسية :
Soit $ABC$ un triangle et $I$ le milieu de $[AB]$ . La parallèle $(\Delta)$ à $(BC)$ en $I$ , coupe $[AC]$ en $J$ .	$ABC$ مثلث ، $I$ هو منتصف $[AB]$ و $J$ هو منتصف $[AC]$
Conjecture :	تخمين :
1) Faire la figure. 2) Quelle remarque peut-on faire à propos du point $J$ ?	(1) أنشئ الشكل (2) ماذا يمكنك أن تلاحظ عن النقطة $J$ ؟
Démonstration :	برهنة :
Soit $K$ le symétrique de $J$ par rapport à $I$ .	ليكن $K$ مماثلة النقطة $J$ بالنسبة للنقطة $I$ .
3) Montrer que le quadrilatère $AJBK$ est un parallélogramme .	(3) بين أن الرباعي $AJBK$ هو متوازي أضلاع .
4) En déduire que $(JC) \parallel (KB)$	(4) استنتج أن: $(JC) \parallel (KB)$
5) Montrer que le quadrilatère $JCBK$ est un parallélogramme .	(5) بين أن الرباعي $JCBK$ هو متوازي أضلاع .
6) En déduire que : $J$ est le milieu de $[AC]$	(6) استنتج أن: $J$ هو منتصف $[AC]$
Compléter les deux énoncés suivants :	أتم النصين التاليين :
Dans un triangle, la droite passant par le milieu d'un côté et ..... à un deuxième côté coupe le troisième côté en son .....	المستقيم المار من منتصف أحد أضلاع مثلث و ..... لضع ثاني ، يقطع الضلع الثالث في .....

Bonne Chance

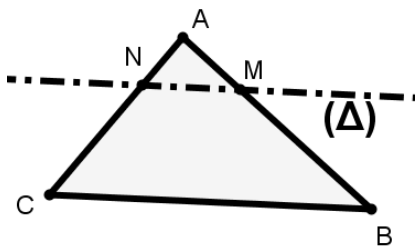
الشكل	الخاصية الأولى للمنصفات
	✓ المستقيم المار من منتصف ضلعي مثلث يوازي حامل الضلع الثالث. ✓ طول القطعة التي طرفاها منتصفي ضلعي مثلث يساوي نصف طول الضلع الثالث.
	<p style="text-align: right;">\$ABC\$ مثلث :</p> <p style="text-align: right;">\$M\$ منتصف \$[AB]\$</p> <p style="text-align: right;">\$N\$ منتصف \$[AC]\$</p> <p style="text-align: right;">إذا كان:</p>
$MN = \frac{BC}{2} \quad \text{و} \quad (MN) \parallel (BC) \text{ فإن}$	

Premier théorème des milieux :	Figure
✓ La droite passant par les milieux de deux cotés d'un triangle est // au support du 3 <sup>ième</sup> côté. ✓ La droite passant par les milieux de deux cotés d'un triangle est // au support du 3 <sup>ième</sup> côté.	
<p>\$ABC\$ est un triangle :</p> <p>Si</p> <div style="display: flex; align-items: center; justify-content: center;"> <div style="font-size: 4em; margin-right: 10px;">{</div> <div style="text-align: center;"> <p>\$M\$ est milieu de \$[AB]\$</p> <p>\$N\$ est milieu de \$[AC]\$</p> </div> <div style="margin-left: 20px;"> <p>فإن: \$(MN) \parallel (BC)\$</p> <p><math>MN = \frac{BC}{2}</math></p> </div> </div>	

الشكل	الخاصية الثانية للمنصفات
	✓ المستقيم المار من منتصف احد أضلع مثلث وموازي لحامل الضلع الثاني ، يمر من منتصف الضلع الثالث.
	<p style="text-align: right;">\$ABC\$ مثلث :</p> <p style="text-align: right;">\$M\$ منتصف \$[AB]\$ و \$N \in [AC]\$</p> <p style="text-align: right;">إذا كان:</p>
$(MN) \parallel (BC) \text{ فإن: } N \text{ منتصف } [AC]$	

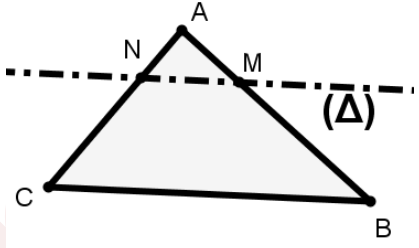
Second théorème des milieux :	Figure
✓ La droite passant par le milieu d'un coté d'un triangle et parallèle au support d'un deuxième coupe le 3 <sup>ième</sup> côté en son milieu.	
<p>\$ABC\$ est un triangle :</p> <p>Si</p> <div style="display: flex; align-items: center; justify-content: center;"> <div style="font-size: 4em; margin-right: 10px;">{</div> <div style="text-align: center;"> <p>\$M\$ est milieu de \$[AB]\$ et \$N \in [AC]\$</p> <p>فإن: \$(MN) \parallel (BC)\$</p> </div> <div style="margin-left: 20px;"> <p>alors \$N\$ est milieu de \$[AC]\$</p> </div> </div>	

الشكل
خاصية "طاليس البسيطة"



فإن:  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$

مثالث  $ABC$  :  
 } إذا كان:  
 [AB] منتصف  $M$   
 [AC] منتصف  $N$   
 $(MN) \parallel (BC)$

"petit théorème" de Thalès :	Figure
<p><math>ABC</math> est un triangle :</p> <p>Si <math>\left\{ \begin{array}{l} M \in [AB] \\ N \in [AC] \\ (MN) \parallel (BC) \end{array} \right.</math></p>	<p>Alors: <math>\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}</math></p> 

Bonne Chance