

Exercice

.1

maths-inter.ma

التمرين

**Ecrire les propositions suivantes en utilisant les quantificateurs et les connecteurs logiques :**

- 1) (P) : « entre deux nombres réels positifs, il existe au moins un nombre rationnel positif.»
- 2) (Q) : « quel que soit le réel strictement positif réels  $\alpha$  , il existe un réel strictement positif réels  $\beta$  , tel que , quel que soit le réel  $x$  , si  $|x - \frac{\pi}{2}| < \beta$  , alors  $|\sin x - 1| < \alpha$  »

Exercice

.2

maths-inter.ma

التمرين

**Déterminer, en justifiant la réponse, la valeur de vérité de chacune des propositions suivantes :**

- 1) (P) : "  $\sin\left(\frac{17\pi}{2012}\right) = \frac{2013}{2012}$  et  $5^2 = 3^2 + 4^2$  "
- 2) (Q) : "  $\exists x \in \mathbb{R}; -x^2 + 4x - 5 > 0$  "
- 3) (R) : "  $\exists x \in \mathbb{R}^+; x^3 + x^2 - 3x + 1 < 0$  "
- 4) (S) : "  $(\forall m \in \mathbb{R})(\exists x \in \mathbb{R}); x^2 + mx + (m-1) = 0$  "

Exercice

.3

maths-inter.ma

التمرين

**Déterminer la négation de chacune des propositions suivantes :**

- 1) (K) : "  $1 + \sqrt{5} < 7\sqrt{7}$  ou  $1 + 2 - 3 = \sqrt{11}$  "
- 2) (L) : "  $2\sqrt{13} - 1 < 11 \Rightarrow \tan \pi = \sqrt{2} - 1$  "
- 3) (M) : "  $2\sqrt{111} < 19 \Rightarrow (\sin \pi = 2 \text{ et } 3^{2012} - 1 \geq 34)$  "
- 1) (N) : "  $(\exists x \in \mathbb{R})(\forall a \in \mathbb{R})(\exists y \in \mathbb{R}); ay + 3x \geq 1$  "

Exercice

.4

maths-inter.ma

التمرين

**1) Montrer , à l'aide des équivalences successives, que la proposition suivant est vraie:**

$$(R) : \forall (x, y) \in \mathbb{R}_+^2 ; 16x^4 + 9y^4 \geq 24x^2y^2$$

**2) Montrer , à l'aide de la contraposée, que la proposition suivant est vraie:**

$$(S) : (\forall x \in \mathbb{R}^+)(\forall y \in \mathbb{R}^+) ; (x \neq y \text{ et } xy \neq 1) \Rightarrow \left(\frac{\sqrt{x}}{x+1} \neq \frac{\sqrt{y}}{y+1}\right)$$

Exercice

.5

maths-inter.ma

5 pts

التمرين

$$U_0 = 4$$

$$(\forall n \in \mathbb{N}) ; U_{n+1} = \frac{2U_n^2 - 3}{U_n + 2}$$

Soit la suite  $(U_n)$  définie par :

1) Montrer par récurrence que :  $(\forall n \in \mathbb{N}) ; 3 < U_n$  .

2) Etudier la monotonie de la suite  $(U_n)$  .

- 3) a) Montrer que:  $(\forall n \in \mathbb{N}) ; U_{n+1} - 3 > \frac{3}{2}(U_n - 3)$
- b) En déduire que:  $(\forall n \in \mathbb{N}) ; U_n > \left(\frac{3}{2}\right)^n + 3$  .

Bonne Chance