

Exercice .1

Maths-inter.ma ___ Divisibilité

1. التمرين

أثبت أن :

$$(\forall n \in \mathbb{N}^*); 48^2 / 7^{2n} + 48n - 1 \quad (2) \quad (\forall n \in \mathbb{N}^*); 17 / 2^{6n+3} + 3^{4n+2} \quad (1)$$

Exercice .2

Maths-inter.ma ___ Divisibilité

2. التمرين

حدد في كل حالة قيم العدد الصحيح الطبيعي n الذي يحقق :

$$(\forall n \in \mathbb{N}^*); 7 / 2^n + 3^n \quad (2) \quad (\forall n \in \mathbb{N}^*); 8 / 3^n + 4n + 1 \quad (1)$$

Exercice .3

Maths-inter.ma ___ Divisibilité

3. التمرين

ليكن $a \in \mathbb{Z}$ بين أن :

$$3 / a(a^2 - 1) \quad (2) \quad 2 / a(a^2 - 1) \quad (1)$$

Exercice .4

Maths-inter.ma ___ Divisibilité

4. التمرين

ليكن n و a و a' و b و b' و c و c' من \mathbb{Z} بحيث : $n/a - a'$ و $n/b - b'$ و $n/c - c'$. بين أن :

$$n / (abc)^{2012} - (a'b'c')^{2012} \quad (2) \quad n / abc - a'b'c' \quad (1)$$

Exercice .5

Maths-inter.ma ___ Divisibilité

5. التمرين

ليكن a و m و n من \mathbb{N}^* بين أن : $(n/m) \Rightarrow (a^n - 1) / (a^m - 1)$

Exercice .6

Maths-inter.ma ___ Divisibilité

6. التمرين

ليكن k عدد صحيح طبيعي :

$$(1) \quad \text{بين أن } A = 7k^2 + 21k + 35 \text{ مضاعف للعدد } 7.$$

$$(2) \quad \text{بين أن } B = (2k - 6)^2 + 8k + k(k + 1) \text{ عدد زوجي.}$$

$$(3) \quad \text{بين أن } B = (2k - 6)^2 + 8k + (k(k + 1))^2 \text{ يقبل القسمة على } 4.$$

Exercice .7

Maths-inter.ma ___ Divisibilité

7. التمرين

حدد القيم الممكنة للعدد الصحيح الطبيعي n بحيث أن العدد $\frac{n+15}{n+3} \in \mathbb{N}$

Exercice .8

Maths-inter.ma ___ Divisibilité

8. التمرين

$$n \text{ عدد صحيح طبيعي ، نضع : } P = \frac{15n+11}{5n+2}$$

$$(1) \quad \text{بين أن } P \notin \mathbb{N}$$

$$(2) \quad \text{بين أن الكسر } P = \frac{15n+11}{5n+2} \text{ غير قابل للإختزال.}$$

Exercice .9

Maths-inter.ma ___ Divisibilité

9. التمرين

a و b عدنان صحيحا طبيعيا غير منعدمان بحيث : $b/5a + 3$ و $b/3a + 7$.

$$(1) \quad \text{بين أن } b/26$$

$$(2) \quad \text{استنتج القيم الممكنة للعدد } b$$

Bonne Chance