

Exercice .1

Maths-inter.ma ___ Congruence

1. التمرين

بين أن : $11/2^{123} + 3^{121}$

Exercice .2

Maths-inter.ma ___ Congruence

2. التمرين

- (a) ما هو باقي القسمة الأقليدية للعدد 11^{1234} على 5 .
 (b) ما هو باقي القسمة الأقليدية للعدد $321^{123} + 123^{321}$ على 3 .
 (c) ما هو باقي القسمة الأقليدية للعدد $1234^{4321} + 4321^{1234}$ على 7 .

Exercice .3

Maths-inter.ma ___ Congruence

3. التمرين

بين أنه لكل $n \in \mathbb{N}$ فإن :

- (a) $6/5n^3 + n$
 (b) $7/3^{2n+1} + 2^{n+2}$
 (c) $5/2^{2n+1} + 3^{2n+1}$
 (d) $11/3^{8n} \times 5^4 + 5^{6n} \times 7^3$
 (e) $9/4^n - 1 - 3n$
 (f) $15^2 / 16^n - 1 - 15n$

Exercice .4

Maths-inter.ma ___ Congruence

4. التمرين

حدد جميع الأعداد $n \in \mathbb{Z}$ بحيث : $10/n^2 + (n+1)^2 + (n+3)^2$

Exercice .5

Maths-inter.ma ___ Congruence

5. التمرين

نضع : $A = n^3 - 3n + 5$ حيث $n \in \mathbb{N}$

- (a) حدد n التي من أجلها $A \equiv 0[7]$
 (b) حدد n التي من أجلها $A \equiv 1[7]$

Exercice .6

Maths-inter.ma ___ Congruence

6. التمرين

بين أن : $n^7 \equiv n[7]$; $(\forall n \in \mathbb{N})$

Exercice .7

Maths-inter.ma ___ Congruence

7. التمرين

بين أن : $3^{3n+2} + 2^{n+4} \equiv 0[5]$; $(\forall n \in \mathbb{N})$

Exercice .8

Maths-inter.ma ___ Congruence

8. التمرين

حدد في كل حالة كل حالة من الحالات التالية، باقي القسمة الأقليدية للعدد a على العدد n :

- (1) $a = (2222)^{3333} + (3333)^{2222}$; $n = 5$
 (2) $a = (1973)^{3791} + (3791)^{1973}$; $n = 7$

Exercice .9

Maths-inter.ma ___ Congruence

9. التمرين

حدد في كل حالة كل حالة من الحالات التالية، العدد n ، بحيث :

- (1) $2^n + 3^n \equiv 0[7]$; $n \in \mathbb{N}$
 (2) $3n + 4 / 11n + 8$; $n \in \mathbb{Z}$
 (3) $8 / 3^n + 4n + 1$; $n \in \mathbb{N}$

Exercice .10

Maths-inter.ma ___ Congruence

10. التمرين

نضع : $A = 2^n + 4^n + 8^n$ حيث $n \in \mathbb{N}$

- (a) بين أن : $A(n+3) \equiv A(n)[7]$; $(\forall n \in \mathbb{N})$
 (b) استنتج قيم العدد n التي من أجلها $A(n) \equiv 0[7]$

Bonne Chance