

Exercice .1

Maths-inter.ma ___ Congruence

1. التمرين

بين أن : $(\forall n \in \mathbb{Z}) ; n^3 \equiv n[3]$

Exercice .2

Maths-inter.ma ___ Congruence

2. التمرين

لكل $n \in \mathbb{N}^*$ ، نضع $F_n = 2^{2^n} + 1$
بين أن : $2^{F_n} \equiv 2[F_n]$

Exercice .3

Maths-inter.ma ___ Congruence

3. التمرين

لكل n من \mathbb{N} .
(a) بين أن : $2^n \equiv 1[9] \Rightarrow 2^n \equiv 1[7]$
(b) هل الاستلزام التالي صحيح : $2^n \equiv 1[9] \Rightarrow 2^n \equiv 1[7]$ ؟

Exercice .4

Maths-inter.ma ___ Congruence

4. التمرين

بين أن : $(\forall n \in \mathbb{N}^*) ; 49^n - 2352n - 1 \equiv 0[2304]$

Exercice .5

Maths-inter.ma ___ Congruence

5. التمرين

حدد المجموعات التالية :

$$A = \{n \in \mathbb{Z} ; n + 8 \equiv 0 [n]\}$$

$$B = \{n \in \mathbb{N}^* ; n + 11 \equiv 0 [n - 1]\}$$

$$C = \{n \in \mathbb{Z} ; 3n + 24 \equiv 0 [5]\}$$

Exercice .6

Maths-inter.ma ___ Congruence

6. التمرين

حدد المجموعات التالية :

$$E = \{n \in \mathbb{N} ; 2^n \equiv 1 [9]\}$$

$$F = \{n \in \mathbb{N} ; 19^n \equiv 2 [7]\}$$

Exercice .7

Maths-inter.ma ___ Congruence

7. التمرين

(a) حل في \mathbb{Z} المعادلة : $x^2 + x \equiv 6[13]$
(b) حل في \mathbb{Z} المعادلة : $x^2 - 3x + 4 \equiv 0[7]$

Exercice .8

Maths-inter.ma ___ Congruence

8. التمرين

حدد n من \mathbb{Z} ، بحيث :
$$\begin{cases} n \equiv 5[12] \\ n \equiv 14[15] \end{cases}$$

Exercice .9

Maths-inter.ma ___ Congruence

9. التمرين

ليكن $a \in \mathbb{Z}$ و $b \in \mathbb{Z}$ بين أن : $3 \mid ab(a^2 - b^2)$

Exercice .10

Maths-inter.ma ___ Congruence

10. التمرين

بين أن : $[(7 \mid x) \text{ et } (7 \mid y)] \Leftrightarrow (7 \mid x^2 + y^2)$

Exercice .11

Maths-inter.ma ___ Congruence

11. التمرين

(1) أثبت أن : $\forall (a, b, c) \in \mathbb{Z}^3 ; a^3 + b^3 + c^3 \equiv 0 [7] \Rightarrow a \cdot b \cdot c \equiv 0 [7]$
(2) أثبت أن : $\forall (a, b, c) \in \mathbb{Z}^3 ; a^3 + b^3 + c^3 \equiv 0 [3] \Rightarrow a + b + c \equiv 0 [3]$

Exercice .12

Maths-inter.ma ___ Congruence

12. التمرين

(a) بين أن : $\forall x \in \mathbb{Z} ; x^3 \equiv x [3]$
(b) استنتج أن : $\forall (x, y) \in \mathbb{Z}^2 ; xy(x^2 - y^2) \equiv 0 [3]$

Bonne Chance