

Exercice

.1

Maths-inter.ma

1.

التمرين

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R}^+ كما يلي :

$$f(x) = \frac{1}{x^2} - 2\sqrt{1 + \frac{1}{x^2}}$$

(C_f) هو منحنى الدالة f في معلم متعامد ممنظم $(O ; \vec{i} ; \vec{j})$.

(1) a) أدرس زوجية الدالة f .

b) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و أول النتيجة مبيانيا.

c) بين أن $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$ و أول النتيجة مبيانيا.

(2) بين أن f تناقصية قطعاً على المجال $]0, +\infty[$.

(3) a) بين أن (C_f) يقطع محور الأفاصيل في نقطة وحيدة أفصولها a يحقق : $\frac{1}{4} < a < \frac{1}{2}$.

(b) أنشئ (C_f) .

Exercice

.2

Maths-inter.ma

2.

التمرين

نعتبر الدالة f المعرفة كما يلي :

$$f(x) = \frac{1}{x^2 + x} - \sqrt{x^2 + x}$$

(C_f) هو منحنى الدالة f في معلم متعامد ممنظم $(O ; \vec{i} ; \vec{j})$.

(1) a) بين أن $D_f =]-\infty, -1[\cup]0, +\infty[$ مجموعة تعريف الدالة f .

b) أحسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

(2) بين أن المستقيم $\Delta : x = -\frac{1}{2}$ هو محور تماثل ل (C_f) .

(3) بين أن : $f'(x) = 2(x+1) \left(\frac{1}{(x^2+x)^2} + \frac{1}{2\sqrt{x^2+x}} \right)$; $\forall x \in]0, +\infty[$.

(4) ضع جدول تغيرات الدالة f على $]0, +\infty[$.

(5) حدد الفرع اللانهائي ل (C_f) بجوار $+\infty$.

(6) حل في $]0, +\infty[$ المعادلة $f(x) = 0$.

(7) أنشئ (C_f) .

Exercice

.3

Maths-inter.ma

3.

التمرين

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي :

$$f(x) = x - \sqrt{1+x^2}$$

(C_f) هو منحنى الدالة f في معلم متعامد ممنظم $(O ; \vec{i} ; \vec{j})$.

(1) a) أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$.

b) بين أن : $\forall x \in \mathbb{R} ; \sqrt{1+x^2} > x$ واستنتج إشارة $f(x)$ على \mathbb{R} .

(2) a) بين أن : $f'(x) = \frac{-f(x)}{\sqrt{1+x^2}}$; $\forall x \in \mathbb{R}$.

(b) ضع جدول تغيرات f على \mathbb{R} .

(4) a) أكتب معادلة ديكرتية للمستقيم (T) مماس المنحنى (C_f) بجوار النقطة O .

(b) أنشئ المستقيم (T) و المنحنى (C_f) في المعلم $(O ; \vec{i} ; \vec{j})$ (الوحدة 2cm)

Exercice

.4

Maths-inter.ma

4.

التمرين

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي :

$$f(x) = \sqrt{x^2 - x^3} \quad (C_f) \text{ هو منحنى الدالة } f \text{ في معلم متعامد ممنظم } (\mathbf{O} ; \vec{i} ; \vec{j}) .$$

(3) a) حدد D_f واحسب $f(0)$ و $f(1)$.

(c) أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و حدد طبيعة الفرع اللانهائي بجوار $-\infty$.

(5) a) أدرس قابلية اشتقاق f على يسار 1 وأعط تأويلا هندسيا للنتيجة المحصل عليها.

(c) بين أن f قابلة للاشتقاق على يسار 0 و حدد معادلة نصف المماس (T_1) بجوار النقطة 0 على اليسار.

(d) بين أن f قابلة للاشتقاق على يمين 0 و حدد معادلة نصف المماس (T_2) بجوار النقطة 0 على اليمين.

(4) a) أحسب $f'(x)$.

(b) اعط جدول إشارات الحدودية $N = -3x^2 + 2x$ على \mathbb{R} .

(c) استنتج جدول تغيرات f على D_f .

(6) أنشئ (T_1) و (T_2) والمنحنى (C_f) في المعلم $(\mathbf{O} ; \vec{i} ; \vec{j})$ (الوحدة 1,5 cm)

(7) a) بين أن f تقبل دالة عكسية معرفة على مجال J يجب تحديده.

b) أنشئ منحنى الدالة f^{-1} في نفس المعلم السابق.

c) ضع جدول تغيرات f^{-1} .

e) حدد $f^{-1}(x)$ لكل $x \in J$.

k) أحسب $(f^{-1})'(1)$.

Bonne Chance