

Equations de Premier degré

المعادلات من الدرجة الأولى

Solutions	حلول المعادلة	المعادلات	Equations
<p>إذا كان $a \neq 0$:</p> <p>المعادلة حلاً وحيداً هو $\frac{-b}{a}$.</p> <p>إذا كان $b \neq 0$ و $a = 0$:</p> <p>المعادلة ليس لها حلول.</p> <p>إذا كان $b = 0$ و $a = 0$:</p> <p>جميع الأعداد الحقيقة هي حلول للمعادلة.</p>		<p>تعريف :</p> <p>كل متساوية يمكن ان تكتب على شكل : $ax + b = 0$.</p> <p>تسمى معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد هو x.</p> <p>بحيث a و b عدادان حقيقيان معلومان.</p>	$(E_1): \frac{3}{2}x - \frac{5}{3} = 4 - \frac{7-x}{2}$ $(E_2): 3x^2 - 7x - 2 = -2x^2 + 10 + 5x^2 - 2x$

Remarques et Méthodes	ملاحظات وطرائق عامة
$(E_1): \frac{\sqrt{11}}{2}x - \frac{5}{3} = 4 - \frac{7-x}{2}$ $(E_1): \frac{3\sqrt{11}}{6}x - \frac{10}{6} = \frac{24}{6} - \frac{3(7-x)}{6}$ $(E_1): 3\sqrt{11}.x - 10 = 24 - 3(7-x)$ $(E_1): 3\sqrt{11}.x - 10 = 24 - 21 + 3x$ $(E_1): 3\sqrt{11}.x - 3x = 24 - 21 + 10$ $(E_1): 3(\sqrt{11}-1)x = 13$ $(E_1): x = \frac{13}{3(\sqrt{11}-1)} = \frac{13(\sqrt{11}+1)}{3(11-1)}$ $(E_1): x = \frac{13(\sqrt{11}+1)}{30}$ $(E_2): 3x^2 - 7x - 2 = -2x^2 + 10 + 5x^2 - 2x$ $(E_2): 3x^2 - 5x^2 + 2x^2 - 7x + 2x = 10 + 2$ $(E_2): -5x = 12$ $(E_2): x = \frac{12}{-5} = -\frac{12}{5}$	<p><u>ملاحظات :</u></p> <p>يمكن أن تكون بعض معاملات المعادلة من الدرجة الأولى أعداد كسرية أو تحتوي على جذور مربعة.</p> <p><u>طرائق وإرشادات عامة لحل معادلة :</u></p> <ul style="list-style-type: none"> ✓ نلاحظ أولاً إن كانت هناك معاملات على شكل كسور، في هذه الحالة نوحد مقامات جميع المعاملات وبعد ذلك نزيل المقام. ✓ نزير جميع الحدود التي تحتوي على المجهول نحو اليسار ونزييرباقي نحو اليمين لتصبح المعادلة على شكل $ax = b$ ✓ إذا وجدنا مثلاً $\sqrt{7}.x = -2$، فإن الحل هو $x = -\frac{2}{\sqrt{7}}$ ✓ إذا وجدنا مثلاً $0.x = -2$، فإن المعادلة لا تقبل أي حل. ✓ إذا وجدنا مثلاً $0.x = 0$، فإن جميع الأعداد هي حلول للمعادلة.

Equation	المعادلة	Equation	المعادلة
$(ax+b)(cx+d) = 0$ $(ax+b)(cx+d) = 0$ $ax+b = 0 \quad \text{أو} \quad cx+d = 0$ $x = -\frac{b}{a} \quad \text{أو} \quad x = -\frac{c}{d}$		$x^2 = a$ <p>إذا كان $a < 0$: المعادلة ليس لها حلول.</p> <p>إذا كان $a = 0$: المعادلة تقبل حلاً وحيداً هو 0.</p> <p>إذا كان $a > 0$: للمعادلة حلان هما \sqrt{a} و $-\sqrt{a}$.</p>	

Résolution de problèmes

حل المسائل

التطبيق على مثال :

حدد القدر المالي الموجود بحوزة كل واحد من الأخوين أحمد وعلي إذا علمت أن القدر الذي يحوزه الأول يساوي $\frac{3}{4}$ القدر الذي يحوزه الثاني وأن مجموعهما يساوي 1470 DH

الحل	خمسة مراحل للحل
ليكن x القدر المالي الذي يحوزه علي. و y القدر المالي الذي يحوزه أحمد.	✓ تحديد المجهول ، وغالبا ما يتعلق بالشيء المطلوب أو بأحد الأشياء المطلوبة.
(1) : $y = \frac{3}{4}x$ لدينا	نعبر عن المجاهيل الأخرى بدلالة x
(2) : $x + y = x + \frac{3}{4}x = 1470$ ولدينا :	✓ نحوال المعطيات إلى معادلة
$x + \frac{3}{4}x = 1470$ $\frac{4x}{4} + \frac{3x}{4} = \frac{4 \times 1470}{4} = \frac{5880}{4}$ وبالتالي : $7x = 5880$ $x = \frac{5880}{7} = 840$	✓ نحل معادلة
المبلغ الموجود بحوزة علي هو : 840 DH المبلغ الموجود بحوزة احمد هو : $\frac{3 \times 840}{4} = 630$ DH للتحقق $840 + 630 = 1470$ DH وهذا صحيح.	✓ نجيب على السؤال المطروح ونتحقق من صحة الجواب.

Inéquations

المتراجحات

$\begin{aligned} -4x - x &\geq 8 - 3 + 10 \\ -5x &\geq 15 \\ x &\leq \frac{15}{-5} \\ x &\leq -3 \end{aligned}$ <p>نستنتج أن حلول المتراجحة هي جميع الأعداد الحقيقة التي هي أصغر أو تساوي العدد -3</p> <p>تمثيل الحلول على مستقيم مدرج:</p> <p>مجال حلول المتراجحة هو الجزء غير المخدش من المستقيم المدرج.</p>	<p><u>تعريف :</u> كل علاقة يمكن أن تكتب على إحدى الأشكال التالية :</p> $ax+b \leq 0 \quad \text{أو} \quad ax+b > 0 \quad \text{أو} \quad ax+b \geq 0 \quad \text{أو} \quad ax+b < 0$ <p>تسمى متراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد هو x. بحيث a و b عدادان حقيقيان معلومان.</p> <p><u>طرق حل المتراجحة :</u> نطبق خصائص الترتيب بدون أخطاء.</p> $\begin{aligned} -4x - 10 &\geq 8 - \frac{3-x}{2} \\ -4x - 10 &\geq 8 - (3-x) \quad \text{مثال 1} \\ -4x - 10 &\geq 8 - 3 + x \end{aligned}$
---	--